ALLENA-MENTI¹

INSIEMI

1) Associa ogni scrittura simbolica alla frase corrispondente in linguaggio naturale:

$a. A \subset B$	1. l'elemento a non appartiene all'insieme B
b. <i>A</i> ⊇ <i>B</i>	2. l'insieme A è intersecato con l'insieme B
C. <i>a</i> ∉ <i>B</i>	3. l'insieme A è unito con l'insieme B
d. $A \cap B$	4. l'insieme A è contenuto nell'insieme B
e. $A \cup B$	5. l'insieme B è incluso nell'insieme A

a→	b→	c→	d→	e→

2) Rappresenta graficamente gli insiemi A, B, C seguenti:

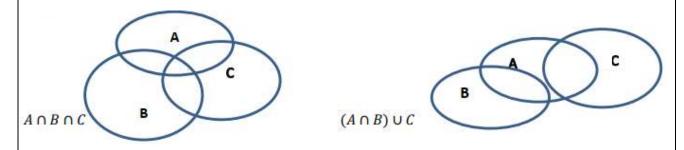
$$A = \{1,2,3\}; B = \{1,2,3,6,7\}; C = \{3,4,6,8,9\}$$

Determina e rappresenta per elencazione i seguenti insiemi:

- a) $A \cap B =$
- b) $A \cap C =$
- c) $B \cup C =$

Indica tra le seguenti relazioni sono vere e quali false:

3) In ognuna delle seguenti figure, tratteggia i risultati delle operazioni di unione e intersezione fra gli insiemi A, B e C indicate.



¹ Alcuni esercizi sono liberamente tratti dal libro disponibile in rete all'indirizzo: https://www.matematicamente.it/staticfiles/matematica-C3/algebra1 6ed set2017.pdf

NUMERI NATURALI

Calcola il valore delle seguenti espressioni:

a)
$$2^5 \cdot 2^3 : 2^2 \cdot 3^6$$
;

b)
$$(5^2)^3:5^3\cdot 5$$
;

c)
$$\left\{ \left[(2^3)^2 : 2^3 \right]^3 : 2^5 \right\} : (2^8 : 2^6)^2;$$

d)
$$\left[(2^1)^4 \cdot 3^4 \right]^2 : 6^5 \cdot 6^0$$
.

e)
$$2^2 \cdot (2^3 + 5^2)$$
;

f)
$$\left[\left(3^6 : 3^4 \right)^2 \cdot 3^2 \right]^1$$
;

g)
$$4^4 \cdot (3^4 + 4^2)$$
;

h)
$$3^4 \cdot (3^4 + 4^2 - 2^2)^0 : 3^3 + 0 \cdot 100$$
.

$$i)\{[2^7\!:\!(2^8\!:\!2^5)^2]^{10}\!:\!2^4\}^5\!:\![(2^3\cdot 2^2\cdot 2)^3\!:\!2^8]^3$$

Calcola il MCD e mcm delle seguenti sequenze di numeri:

- a) 6, 8, 10, 12
- b) 30, 27, 45
- c) 126, 180
- d) 24, 12, 16
- e) 6, 4, 10

PROPORZIONI

Calcola il termine incognito delle seguenti proporzioni:

- a) 2692:24=3:x;
- b) $x:0,\overline{6}=0.8:1,\overline{3};$
- c) $\frac{7}{3}$: $x = \frac{4}{3}$: $\frac{8}{35}$;
- d) $\left(1 \frac{5}{12}\right) : \left(\frac{5}{6} + \frac{1}{3}\right) = x : \left(\frac{9}{8} \frac{5}{8}\right)$

PERCENTUALI

Calcola i valori richiesti:

- a) il 10% di 100;
- b) il 30% di 700;
- c) 10 alunni su 28 suonano il piano: la percentuale di alunni che suonano il piano è;
- d) 20 alunni su 120 frequentano il corso di teatro: la percentuale di alunni che fanno teatro è

NUMERI INTERI

Disponi sulla retta orientata i seguenti numeri relativi

a)
$$+11$$
 -3 0 $+2$ -5 -7 $+1;$
b) -5 -2 $+3$ -1 0 $+7$ -9 $+13$ -21

$$-3$$

Semplifica le seguenti espressioni

a)
$$(50-36-25) \cdot (-15+5+20) - 10 \cdot (-3-7);$$

b)
$$[+3-(10-5+25)] \cdot [-16+5-(-2-14)] : (9+6);$$

c)
$$20: (+15-5) - 30: (-10+5) + 40: (15-20);$$

d)
$$18: (-3) + 6 \cdot [1 - 5 \cdot (-2 + 4) + 3]: (-6);$$

e)
$$3 \cdot 4 - 3 \cdot [18 : (-2) - 17 + (14 - 26 + 5) \cdot 3 - 12] + [16 - 1 \cdot (-1 - 3 + 5) - 37 + 16]$$

a)
$$[10-6\cdot(-2)^2]:(-7)+(3^2:3)\cdot 2^3-15:(-3)+[(-3)^3:(-3)^0];$$

b)
$$|-5+8|-|-11|+(-|+4|\cdot|-2\cdot(+5)|)^2$$
;

c)
$$(-29+37)^5 \cdot (-5+|23-28|)^7$$
:

d)
$$-2 \cdot (-2 \cdot |-2|)^2 - (|3-5| \cdot (3-5))^2 \cdot (-2)$$
;

d)
$$-2 \cdot (-2 \cdot |-2|)^2 - (|3-5| \cdot (3-5))^2 \cdot (-2);$$

e) $(-1)^3 \cdot (-1 \cdot |-1|)^2 - (|-3-2| \cdot (-5+3))^2 \cdot (-2+1)^3.$

NUMERI RAZIONALI

Riduci ai minimi termini le seguenti frazioni.

a)
$$\frac{4}{6}$$

c)
$$\frac{2}{10}$$

e)
$$\frac{3}{12}$$
;

c)
$$\frac{2}{10}$$
; e) $\frac{3}{12}$; g) $\frac{80}{100}$; i) $\frac{9}{6}$; k) $\frac{14}{49}$; d) $\frac{18}{16}$; f) $\frac{6}{20}$; h) $\frac{8}{12}$; j) $\frac{10}{15}$; l) $\frac{15}{21}$.

$$\frac{9}{6}$$
;

k)
$$\frac{14}{49}$$

b)
$$\frac{8}{2}$$

d)
$$\frac{18}{16}$$
;

f)
$$\frac{6}{20}$$

h)
$$\frac{8}{12}$$
;

j)
$$\frac{10}{15}$$
;

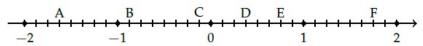
1)
$$\frac{15}{21}$$

Rappresenta su una retta orientata, dopo aver scelto una opportuna unità di misura, i seguenti gruppi di numeri razionali, ciascun gruppo su una retta:

a)
$$\frac{3}{4}$$
, $\frac{3}{8}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{5}{4}$, $\frac{2}{5}$, $\frac{6}{3}$, $\frac{5}{6}$; $\frac{12}{4}$; $\frac{19}{8}$; $\frac{16}{5}$,

b)
$$\frac{2}{3}$$
, $-\frac{3}{4}$, $\frac{5}{2}$, $-\frac{7}{12}$, $\frac{3}{2}$, $-\frac{11}{6}$, $\frac{9}{4}$;

c) Determina le coordinate che individuano i punti A, B, C, D, E, F sulla seguente retta orientata:



Semplifica le seguenti espressioni

a)
$$\frac{4}{5} \cdot \left\{ 1 - \left[\left(\frac{3}{8} + \frac{7}{5} - \frac{13}{20} \right) \cdot \frac{4}{15} - \left(\frac{5}{6} - \frac{2}{5} \right) \cdot \left(\frac{19}{26} - \frac{1}{2} \right) \right] \cdot \frac{5}{2} \right\} - \frac{1}{5}$$
 $\left[\frac{1}{5} \right]$

b)
$$\left[-1+\left(-\frac{1}{4}+\frac{1}{16}\right):\left(-\frac{1}{2}-\frac{3}{4}+\frac{3}{8}\right):\left(-\frac{1}{7}\right)\right]\cdot\left(2-\frac{6}{5}\right)+2$$
 [0]

c)
$$\left[\frac{1}{3} - \left(\frac{3}{2} + \frac{5}{4} - \frac{7}{4}\right)^3 + \left(\frac{1}{8} - \frac{3}{2} + \frac{27}{8}\right)^2 - \frac{5}{3}\right]^2 - \left(\frac{1}{3}\right)^2$$
 $\left[\frac{8}{3}\right]$

d)
$$\left\{ \frac{3}{2} - \left[\frac{1}{4} + \left(1 - \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \right)^2 - \frac{1}{16} \right]^2 + \frac{5}{8} - 1 \right\} : \left(-\frac{4}{3} \right)^{-3} \left[-\frac{4}{3} \right]^{-3} \right\}$$

e)
$$\left[\left(-\frac{1}{5} \right)^2 \right]^5 : \left[\left(-\frac{1}{5} \right)^2 \cdot (-5)^{-7} : \left(-\frac{1}{5} \right)^4 \right]^2$$
 [I]

EQUIVALENZE

Esegui le seguenti equivalenze

1.	98 dam =	 hm

3.
$$31 \text{ hm}^2 = \dots \text{cm}^2$$

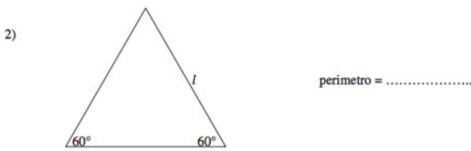
4.
$$7 \text{ m}^2 = \dots \text{hm}^2$$

5.
$$1 \text{ dm}^3 = \dots \text{cm}^3$$

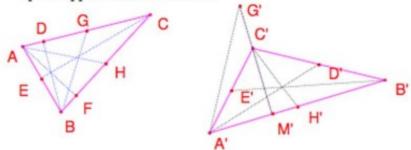
-Geometria

A) Esprimere mediante un'espressione letterale il perimetro delle seguenti figure.





 Nel primo triangolo scrivi quali segmenti rappresentano le altezze, e nel secondo quali rappresentano le mediane



Potete svolgere altri esercizi per ogni argomento sopra riportato scegliendoli direttamente dal vostro libro di testo della scuola media, o in alternativa potete acquistare uno degli esercizari in commercio che riportano la dicitura *Matematica, verso la secondaria di secondo grado.*